

# ÁLGEBRA | ÚNICA|1C2021

Comenzado el martes, 20 de julio de 2021, 09:21

Estado Finalizado

Finalizado en martes, 20 de julio de 2021, 12:18

Tiempo empleado 2 horas 56 minutos

Comentario - Calificación: 8 (ocho) - Aprobado

## Pregunta 1

Incorrecta

Puntúa como 1

Sean  $A \in \mathbb{R}^{3 \times 3}$ ,  $\mathbf{b} \in \mathbb{R}^{3 \times 1}$  y  $B = \begin{pmatrix} 1 & 3 & k \\ 0 & k-1 & 0 \\ 0 & 2 & -1 \end{pmatrix}$ . Si el sistema  $A\mathbf{x} = \mathbf{b}$  es compatible determinado, el conjunto de todos los  $k \in \mathbb{R}$  tales que el sistema  $AB\mathbf{x} = 2A\mathbf{x}$  es compatible indeterminado es

Seleccione una:

- {3}
- {1}
- $\mathbb{R} - \{3\}$
- {0, 1}

La respuesta correcta es: {3}

**Pregunta 2**

Correcta

Puntúa como 1

Si  $f: \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3$  es la transformación lineal tal que  $M(f) = \begin{pmatrix} 2 & 1 & -2 \\ -2 & -1 & 2 \\ 4 & 2 & -4 \end{pmatrix}$ , entonces  $f^{-1}(4, -4, 8) =$

Seleccione una:

- $\{(2, 0, 0) + \lambda(1, 0, 1) \mid \lambda \in \mathbb{R}\}$
- $\{(2, 0, 0) + \lambda(1, 0, 1) + \mu(0, 2, 1) \mid \lambda, \mu \in \mathbb{R}\}$
- $\emptyset$
- $\langle (2, 0, 0); (0, 4, 0); (0, 0, -2) \rangle$

La respuesta correcta es:  $\{(2, 0, 0) + \lambda(1, 0, 1) + \mu(0, 2, 1) \mid \lambda, \mu \in \mathbb{R}\}$

**Pregunta 3**

Correcta

Puntúa como 1

Sean  $B = \{\mathbf{v}_1, \mathbf{v}_2, \mathbf{v}_3\}$  y  $B' = \{\mathbf{v}_1 - \mathbf{v}_3, \mathbf{v}_3 - \mathbf{v}_2, \mathbf{v}_1\}$  bases de un espacio vectorial  $\mathbb{V}$ . Si  $\mathbf{w} \in \mathbb{V}$  es tal que  $(\mathbf{w} - \mathbf{v}_3)_{B'} = (2, -1, 0)$ , entonces  $\mathbf{w}$  es igual a

Seleccione una:

- $2\mathbf{v}_1 - \mathbf{v}_2$
- $2\mathbf{v}_1 + \mathbf{v}_2 - 3\mathbf{v}_3$
- $2\mathbf{v}_1 + \mathbf{v}_2 - 2\mathbf{v}_3$
- $2\mathbf{v}_1 - \mathbf{v}_2 + \mathbf{v}_3$

La respuesta correcta es:  $2\mathbf{v}_1 + \mathbf{v}_2 - 2\mathbf{v}_3$

**Pregunta 4**

Correcta

Puntúa como 1

Sea  $B = \{(1, 1, 0); (0, 1, -1); (0, 0, 1)\}$  una base de  $\mathbb{R}^3$  y sea  $f: \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3$  la transformación lineal dada por  $M_{EB}(f) = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & -4 & a \\ 1 & -4 & a + 2 \end{pmatrix}$ . El valor de  $a \in \mathbb{R}$  para el cual  $f$  es diagonalizable es

Seleccione una:

- $a = -3$
- $a = -9$
- $a = 3$
- $a = 9$

La respuesta correcta es:  $a = -9$ **Pregunta 5**

Correcta

Puntúa como 1

Sean  $\Pi : 3x + 2y + z = 2$  y  $\mathbb{L}$  la recta perpendicular a  $\Pi$  que pasa por  $(4, 1, 2)$ . El punto de intersección de  $\Pi$  y  $\mathbb{L}$  es

Seleccione una:

- $(7, 3, 3)$
- $(4, 1, 2)$
- $(-1, 2, 1)$
- $(1, -1, 1)$

La respuesta correcta es:  $(1, -1, 1)$

**Pregunta 6**

Correcta

Puntúa como 1

El conjunto de todos los  $z \in \mathbb{C}$  tales que  $2z^5 = (\sqrt{3} - i)^9 \bar{z}$ ,  $\text{Re}(z) < 0$  y  $\text{Im}(z) < 0$  es

Seleccione una:

- $\{4(\cos(\frac{13\pi}{12}) + i \text{sen}(\frac{13\pi}{12})), 4(\cos(\frac{17\pi}{12}) + i \text{sen}(\frac{17\pi}{12})), 4(\cos(\frac{7\pi}{4}) + i \text{sen}(\frac{7\pi}{4}))\}$
- $\{4(\cos(\frac{7\pi}{4}) + i \text{sen}(\frac{7\pi}{4}))\}$
- $\{4(\cos(\frac{5\pi}{4}) + i \text{sen}(\frac{5\pi}{4}))\}$
- $\{4(\cos(\frac{13\pi}{12}) + i \text{sen}(\frac{13\pi}{12})), 4(\cos(\frac{17\pi}{12}) + i \text{sen}(\frac{17\pi}{12}))\}$

La respuesta correcta es:  $\{4(\cos(\frac{13\pi}{12}) + i \text{sen}(\frac{13\pi}{12})), 4(\cos(\frac{17\pi}{12}) + i \text{sen}(\frac{17\pi}{12}))\}$

**Pregunta 7**

Correcta

Puntúa como 1

Sean  $\mathbb{L}_1$  la recta que pasa por los puntos  $A = (1, 0, 2)$  y  $B = (1, 1, 3)$  y  $\mathbb{L}_2 : \lambda(1, 1, 0) + (1, -1, 1)$ . El plano  $\Pi$  que contiene a  $\mathbb{L}_1$  y a  $\mathbb{L}_2$  es

Seleccione una:

- $x_1 - x_2 + x_3 = 0$
- $-x_1 + x_2 + 2x_3 = 0$
- $x_1 = 1$
- $x_1 - x_2 + x_3 = 3$

La respuesta correcta es:  $x_1 - x_2 + x_3 = 3$

**Pregunta 8**

Correcta

Puntúa como 1

El conjunto de todos los  $k \in \mathbb{R}$  para los cuales  $(1, 3, 0)$  es una de las infinitas soluciones del sistema  $\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ -2 & 2 & k \\ 1 & 1-k & -1 \end{pmatrix} \cdot \mathbf{x} = \begin{pmatrix} 4 \\ 4 \\ k^2 \end{pmatrix}$  es

Seleccione una:

- $\{-4, 2\}$
- $\{-4, 1, 2\}$
- $\{1\}$
- $\{-4\}$

La respuesta correcta es:  $\{-4\}$ **Pregunta 9**

Correcta

Puntúa como 1

Sean  $\mathbb{S} = \langle (-2, k, 1, -k); (0, -2, 1, k^2) \rangle$  y  $\mathbb{T} = \{\mathbf{x} \in \mathbb{R}^4 \mid x_1 + kx_2 + x_4 = 0\}$ . El conjunto de todos los  $k \in \mathbb{R}$  tales que  $\mathbb{S} + \mathbb{T} = \mathbb{R}^4$  es

Seleccione una:

- $\{-1, 0, 2\}$
- $\mathbb{R} - \{2\}$
- $\mathbb{R} - \{-1, 0, 2\}$
- $\{2\}$

La respuesta correcta es:  $\mathbb{R} - \{2\}$

**Pregunta 10**

Incorrecta

Puntúa como 1

Sea  $P(x) = x^3 + x^2 + (1 - a^2)x + 4a$ . El conjunto de todos los  $a \in \mathbb{R}$  tales que  $-2$  es raíz simple de  $P$  es

Seleccione una:

- $\{1, -3\}$
- $\mathbb{R} - \{-3, 3\}$
- $\{1\}$
- $\{-3\}$

La respuesta correcta es:  $\{1\}$ **Pregunta 11**

Correcta

Puntúa como 1

Sean  $f: \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3$  la transformación lineal tal que  $M(f) = \begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ -2 & -2 & 1 \\ 1 & 1 & 0 \end{pmatrix}$  y  $B = \{(0, 1, 0), (0, 0, 1), (1, 0, -1)\}$  base de  $\mathbb{R}^3$ . Entonces  $M_{BE}(f^{-1})$  es

igual a

Seleccione una:

- $\begin{pmatrix} 0 & 0 & -1 \\ -2 & 1 & -3 \\ 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$
- $\begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ -1 & 1 & 2 \\ -1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$
- $\begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 2 \end{pmatrix}$
- $\begin{pmatrix} 0 & 0 & -1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 1 & 2 & -2 \end{pmatrix}$

La respuesta correcta es:  $\begin{pmatrix} 0 & 0 & -1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 1 & 2 & -2 \end{pmatrix}$

**Pregunta 12**

Incorrecta

Puntúa como 1

Si  $P \in \mathbb{R}[x]$  es un polinomio de grado mínimo que tiene a  $1 + i$ , a  $2 + i$ , a 1 y a 2 como raíces y tiene alguna raíz múltiple, entonces el grado de  $P$  es

Seleccione una:

- 6
- 7
- 8
- 5

La respuesta correcta es: 7

**Pregunta 13**

Correcta

Puntúa como 1

El conjunto de todas las soluciones de la ecuación  $\begin{pmatrix} 1 & -1 & 1 \\ 2 & -3 & 0 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$  es

Seleccione una:

- $\left\{ \begin{pmatrix} 3\lambda & 3 \\ 2\lambda & 2 \\ -\lambda & 0 \end{pmatrix} : \lambda \in \mathbb{R} \right\}$
- $\left\{ \begin{pmatrix} 3\lambda & 3\mu \\ 2\lambda & 2\mu \\ -\lambda & 1 - \mu \end{pmatrix} : \lambda, \mu \in \mathbb{R} \right\}$
- $\left\{ \begin{pmatrix} 3\lambda & 3\lambda \\ 2\lambda & 2\lambda \\ -\lambda & 1 - \lambda \end{pmatrix} : \lambda \in \mathbb{R} \right\}$
- $\left\{ \begin{pmatrix} 3\lambda & 3\mu \\ 2\lambda & 2\mu \\ 1 - \lambda & -\mu \end{pmatrix} : \lambda, \mu \in \mathbb{R} \right\}$

La respuesta correcta es:  $\left\{ \begin{pmatrix} 3\lambda & 3\mu \\ 2\lambda & 2\mu \\ -\lambda & 1 - \mu \end{pmatrix} : \lambda, \mu \in \mathbb{R} \right\}$

^

**Pregunta 14**

Correcta

Puntúa como 1

Dados el plano  $\Pi: 2x + y - 2z = 4$  y la recta  $\mathbb{L}: \lambda(0, 1, -1) + (1, 3, -1)$ , una recta  $\mathbb{L}'$  paralela al plano  $z = 0$  tal que  $\mathbb{L} \cap \mathbb{L}' \neq \emptyset$  y  $d(P, \Pi) = 2$  para todo  $P \in \mathbb{L}'$  es

Seleccione una:

- $\lambda(-1, 2, 0) + (1, 2, 0)$
- $\lambda(0, 0, 1) + (1, 4, -2)$
- $\lambda(2, -1, 0) + (1, 0, 2)$
- $\lambda(-1, 2, 0) + (1, 0, 2)$

La respuesta correcta es:  $\lambda(-1, 2, 0) + (1, 0, 2)$ **Pregunta 15**

Correcta

Puntúa como 1

Si  $A, B \in \mathbb{R}^{4 \times 4}$  son matrices tales que  $\det(A) = 2$  y  $\det(B) = \frac{1}{2}$ , entonces  $\det(\frac{1}{3}A^2B^{-1})$  es igual a

Seleccione una:

- $\frac{8}{81}$
- $\frac{8}{3}$
- $\frac{4}{3}$
- $\frac{2}{81}$

La respuesta correcta es:  $\frac{8}{81}$



**Pregunta 16**

Correcta

Puntúa como 1

Sea  $A = \begin{pmatrix} 2 & 0 & 3 \\ 6 & 4 & -9 \\ 4 & 0 & -2 \end{pmatrix}$ . El subespacio asociado al autovalor 4 de  $A$  es

Seleccione una:

- $\langle(0, 1, 0)\rangle$
- $\langle(3, 0, 2)\rangle$
- $\langle(0, 1, 0); (3, 0, 2)\rangle$
- $\langle(0, 1, 0); (-2, 0, 3)\rangle$

La respuesta correcta es:  $\langle(0, 1, 0); (3, 0, 2)\rangle$ **Pregunta 17**

Correcta

Puntúa como 1

Sean  $B = \{(1, 0, 0); (0, 0, 1); (-1, 1, -1)\}$  una base de  $\mathbb{R}^3$  y  $f: \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3$  la transformación lineal tal que  $M_{EB}(f) = \begin{pmatrix} 0 & -1 & a \\ 2 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 2 \end{pmatrix}$ . Si

$f(1, 1, 1) = (2, 2, 1)$ , entonces el valor de  $a$  es

Seleccione una:

- $a = 0$
- $a = 1$
- $a = 3$
- $a = 5$

La respuesta correcta es:  $a = 5$

**Pregunta 18**

Correcta

Puntúa como 1

Sea  $f: \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3$  la transformación lineal dada por  $f(1, 1, 0) = (-2, 1, 1)$ ,  $f(0, 1, 1) = (0, 1, 0)$  y  $f(0, 0, 1) = (a, 2, -3)$ . El conjunto de todos los  $a \in \mathbb{R}$  tales que  $f$  no es isomorfismo es

Seleccione una:

- $\mathbb{R} - \{6\}$
- $\{6\}$
- $\mathbb{R} - \{-6\}$
- $\{-6\}$

La respuesta correcta es:  $\{6\}$ **Pregunta 19**

Correcta

Puntúa como 1

Sea  $B = \{\mathbf{v}_1; \mathbf{v}_2; \mathbf{v}_3\}$  una base de  $\mathbb{R}^3$ . Sean  $\mathbb{S} = \{\mathbf{x} \in \mathbb{R}^3 \mid x_1 - x_2 + x_3 = 0\}$  y  $\mathbb{T} = \langle (1, -1, 1); (4, 0, -1) \rangle$ . Si las coordenadas en la base  $B$  de los vectores de  $\mathbb{S}$  son de la forma  $(a, b, 0)$  y las coordenadas en la base  $B$  de los vectores de  $\mathbb{T}$  son de la forma  $(0, c, d)$ , entonces  $\mathbf{v}_2$  pertenece al subespacio

Seleccione una:

- $\{(0, 0, 0)\}$
- $\langle (1, 0, -1) \rangle$
- $\langle (3, 1, -2) \rangle$
- $\langle (1, -1, 1) \rangle$

La respuesta correcta es:  $\langle (3, 1, -2) \rangle$

**Pregunta 20**

Correcta

Puntúa como 1

Sean  $\mathbb{S} = \{\mathbf{x} \in \mathbb{R}^4 \mid x_1 - x_2 = 0; 2x_2 + x_3 = 0; x_1 + x_2 - x_3 - x_4 = 0\}$ ,  $\mathbb{T} = \langle(1, -1, 0, 1)\rangle$  y  $\mathbb{H} = \{\mathbf{x} \in \mathbb{R}^4 \mid x_3 + 2x_4 = 0\}$ . Si  $\mathbb{W} = \mathbb{S} + \mathbb{T}$ , entonces  $\mathbb{W} \cap \mathbb{H}$  es igual a

Seleccione una:

- $\{(0, 0, 0, 0)\}$
- $\langle(1, 1, -2, 4)\rangle$
- $\langle(1, 1, -2, 4); (-2, 4, -2, 1)\rangle$
- $\langle(-2, 4, -2, 1)\rangle$

La respuesta correcta es:  $\langle(-2, 4, -2, 1)\rangle$ [◀ Formulario previo al examen final - Julio de 2021](#)[Certificado de examen - Examen final integrador ▶](#)[Volver a: Examen final ➡](#)