

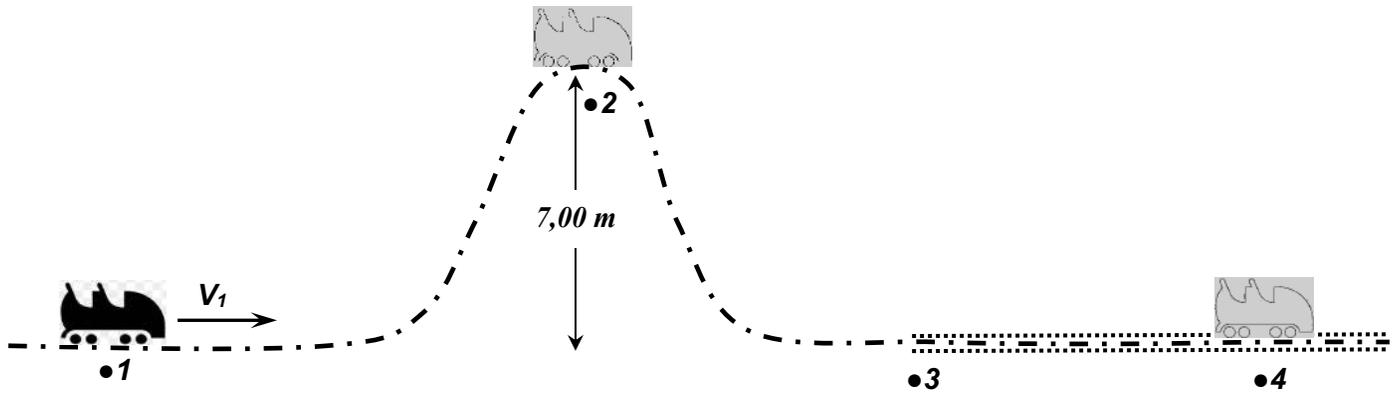
Duración del examen: Una hora y media. Completar con letra clara, mayúscula e imprenta.

APELLIDO:	CALIFICACIÓN:
NOMBRE:	
DNI (registrado en SIU Guaraní):	
E-MAIL:	
TEL:	DOCENTE (nombre y apellido):
AULA:	

*Los resultados se deben expresar con tres cifras significativas y unidades.*

*Asumir  $g = 9,80 \text{ m/s}^2$*

1)



Un carrito de montaña rusa, cuya masa tiene un valor de 250 kg, se desplaza sobre rieles sin rozamiento desde el punto ●1 hasta el punto ●3, en donde entra en una zona de frenado, deteniéndose en el punto ●4.

El carrito pasa por el punto ●1 con una rapidez de 50,0 kilómetros por hora.

- ¿Con qué rapidez pasa por el punto ●2?
- ¿Con qué rapidez llega al punto ●3?
- Considerando como constante a la fuerza de frenado que actúa sobre el carrito, ¿cuál es el valor del trabajo realizado por dicha fuerza desde el punto ●3 hasta el punto ●4, en donde el carrito detiene su movimiento?
- Si el punto ●4 se encuentra a 22,5 metros del punto ●3, ¿cuánto tiempo dura la “frenada”?
- ¿Cuál es el valor de la fuerza de frenado?
- ¿Cuál es el valor de la potencia media de frenado?

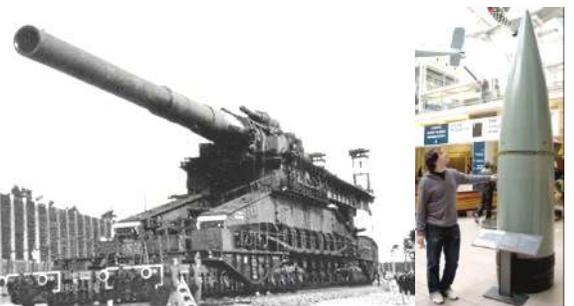
(1,0 punto cada ítem)

a) Rapidez	b) Rapidez
<b><math>7,46 \text{ m/s}</math></b>	<b><math>13,9 \text{ m/s}</math></b>
c) Trabajo	d) Tiempo
<b><math>-2,41 \times 10^4 \text{ J}</math></b>	<b><math>3,24 \text{ s}</math></b>
e) Fuerza	f) Potencia
<b><math>1,07 \times 10^3 \text{ N}</math></b>	<b><math>7,44 \times 10^3 \text{ W}</math></b>

2) Durante la segunda guerra mundial, una de las piezas de artillería más descomunales fue el cañón llamado *Gustav*. El cañón de esta arma tenía una longitud de más de 30 metros y disparaba proyectiles de 5000 kilogramos a una velocidad de 720 metros por segundo.

Si este cañón efectúa un disparo cuando su orientación forma un ángulo de 48,0 grados respecto de la horizontal, calcule lo que a continuación se solicita, asumiendo que no hay rozamiento alguno con el aire y despreciando la longitud del cañón.

- ¿Qué altura máxima alcanza el proyectil?
- ¿Qué energía cinética tiene el proyectil a dicha altura máxima?
- ¿Cuánto tiempo permanece el proyectil en el aire?
- ¿A qué distancia del cañón el proyectil llega al suelo?



(1,0 punto cada ítem)

a) Altura	b) Energía	c) Tiempo	d) Distancia
<b><math>1,46 \times 10^4 \text{ m}</math></b>	<b><math>5,80 \times 10^8 \text{ J}</math></b>	<b><math>109 \text{ s}</math></b>	<b><math>5,26 \times 10^4 \text{ m}</math></b>

1) Cuando el carrito se halle en el punto 2, su energía mecánica será en parte energía potencial gravitatoria y en parte energía cinética. La energía mecánica total del carrito (en ausencia de rozamiento) se corresponde con la energía cinética que tiene en el punto 1, en donde consideramos nula a la energía potencial gravitatoria.

$$E_{cin_1} = E_{pot_2} + E_{cin_2}$$

$$\frac{1}{2} \cdot m \cdot v_1^2 = m \cdot g \cdot h_2 + \frac{1}{2} \cdot m \cdot v_2^2 \quad \rightarrow \quad v_2 = 7,463325 \dots m/s$$

No habiendo rozamiento alguno en el recorrido entre los puntos 1 y 3, la energía cinética del carrito es la misma en ambos puntos, con lo cual la rapidez también lo es. ( $v_3 = 50,0 \text{ km/h}$  o bien  $13,88888\dots \text{ m/s}$ ).

Entre los puntos 3 y 4, el trabajo de las fuerzas de rozamiento resulta de la diferencia entre las energías cinéticas que el carrito posee en dichos puntos.

$$W_{Froz.} = E_{cin_4} - E_{cin_3} = 0 - E_{cin_3} = -24112,65 \dots J$$

La desaceleración a la cual se ve sometido el carrito en la zona de frenado es:

$$a = \frac{v_4 - v_3}{t}$$

El espacio recorrido durante la “frenada” es 22,5 m

$$e = v_3 \cdot t + \frac{1}{2} \cdot a \cdot t^2 = v_3 \cdot t + \frac{1}{2} \cdot \frac{v_4 - v_3}{t} \cdot t^2 \quad \rightarrow \quad t = 3,24000\dots s$$

La fuerza de frenado puede calcularse como:

$$W_{Froz.} = F \cdot e \cdot \cos 180^\circ \quad \rightarrow \quad F = 1071,6735 \dots N$$

Y el valor de la potencia media de frenado resulta:

$$Pot = \frac{W_{Froz.}}{t} \quad \rightarrow \quad |Pot| = 7442,177\dots W$$

2) La altura máxima que alcanza el proyectil puede calcularse como:

$$h_{m\acute{a}x} = \frac{v_y^2}{2 \cdot g} = \frac{(v \cdot \text{sen } 48,0^\circ)^2}{2 \cdot g} = 14606,82 \dots m$$

Cuando el proyectil llega a la altura máxima, su movimiento se debe sólo a la componente horizontal del mismo.

$$E_{cin.} = \frac{1}{2} \cdot m \cdot v_x^2 = \frac{1}{2} \cdot m \cdot (v \cdot \cos 48,0^\circ)^2 = 580265467,7 \dots J$$

El tiempo que tarda el proyectil en alcanzar la máxima altura, es el mismo que el que tarda en volver desde ese punto hasta el suelo.

$$t_{subida} = \frac{v_y^0}{g} = \frac{v \cdot \text{sen } 48,0^\circ}{g} = 54,59839 \dots s$$

Con lo cual el tiempo total de “vuelo” del proyectil resulta : **109,1967.....s**

Y la distancia horizontal ( $D$ ) que recorre el proyectil desde que es disparado hasta que toca el suelo es:

$$D = t_{vuelo} \cdot v_x = t_{vuelo} \cdot v \cdot \cos 48,0^\circ = 52608,177 \dots m$$

Estas ecuaciones se brindan a manera de "hoja de fórmulas" para su empleo en el examen.

$$V = \frac{\text{espacio}}{\text{tiempo}} \quad \Delta d = V_0 \times t + \frac{1}{2} \times a \times t^2 \quad V_f^2 = V_0^2 + 2 \cdot a \cdot \Delta d \quad V_f = V_0 + a \cdot t$$

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} \quad V_{\text{tangencial}} = \omega \cdot r \quad a_c = \frac{(V_{\text{tangencial}})^2}{r} \quad \omega = \omega_0 + \alpha \cdot t$$

$$\alpha = \text{aceleración angular} \quad \Delta \theta = \omega_0 \cdot t + \frac{1}{2} \cdot a \cdot t^2 \quad \text{Pot} = \frac{\text{trabajo}}{\text{tiempo}} \quad a_{\text{tangencial}} = \alpha \cdot r$$

$$E_{\text{Mecanica Total}} = E_{\text{Potencial}} + E_{\text{Cinética}} \quad E_{\text{Potencial}} = m \cdot g \cdot h \quad E_{\text{Cinética}} = \frac{1}{2} \cdot m \cdot v^2$$

$$F_{\text{Roz}} = \mu \cdot N \quad F = m \cdot a \quad E_{\text{Elástica}} = \frac{1}{2} \cdot K \cdot \Delta d^2 \quad F_{\text{Elástica}} = -K \cdot \Delta d$$

$$E = V_{CS} \cdot \delta_L \cdot g \quad \text{Presión} = \frac{\text{Fuerza}}{\text{Superficie}} \quad \text{Presión} = \delta \cdot g \cdot h \quad \text{Peso} = m \cdot g \quad W = F \cdot d \cdot \cos \theta$$